

**Játék „megoldása”:**

domináns stratégia,

NE stratégia,

Pareto optimális stratégia,

szociális jólétet maximáló stratégia, ...

Tiszta NE számításelve:

Ha a cellában az első szám a cella-oszlop maximuma és a második szám a cella-sor maximuma, akkor a cella egy NE.

Kevert stratégiák és NE számításelve:

(\*) alapján, ha ellenfél randomizál, a legjobb válasz a tiszta komponens-stratégiáink várható hasznosságát egalizálni (maximálni).

	C, p	D, 1-p
C, q	4, 4	1, 2
D, 1-q	2, 2	3, 3

Tiszta NE: (C,C) SW = 8, (D.,D) SW = 6

Kevert stratégia:

$$\mathbf{Eu1(C)} = 4p + (1-p) = \mathbf{Eu1(D)} = 2p + 3(1-p)$$

$$3p + 1 = 3 - p$$

$$4p = 2, \mathbf{p = 1/2}$$

$$\mathbf{Eu2(C)} = 4q + 2(1-q) = \mathbf{Eu2(D)} = 2q + 3(1-q)$$

$$2q + 2 = 3 - q$$

$$3q = 1, \mathbf{q = 1/3}$$

$$SW = Eu1 + Eu2 =$$

$$4pq + 2p(1-q) + q(1-p) + 3(1-p)(1-q) +$$

$$4pq + 2p(1-q) + 2q(1-p) + 3(1-p)(1-q) = 5.15...$$

Grafikus:  $Eu1(C) = Eu1(D)$   
egyenesek metszéspontja

## Nemek harca

1 \ 2	<b>Vers.</b>	<b>Koop.</b>
<b>Vers.</b>	(1, 1)	(3, 2)
<b>Koop.</b>	(2, 3)	(0, 0)

NE: (K,V), (V,K)  
 $(p,q) = (3/4, 3/4)$

KNE:  $((3/4, 1/4), (3/4, 1/4))$   
 SW = 3

## Gyáva nyúl

1 \ 2	<b>Bátor</b>	<b>Gyáva</b>
<b>Bátor</b>	(0, 0)	(3, 1)
<b>Gyáva</b>	(1, 3)	(2, 2)

NE: (G,B), (B,G)  
 $(p,q) = (1/2, 1/2)$

KNE:  $((1/2, 1/2), (1/2, 1/2))$

## Forintpárosítás

1 \ 2	<b>Fej</b>	<b>Írás</b>
<b>Fej</b>	(1, -1)	(-1, 1)
<b>Írás</b>	(-1, 1)	(1, -1)

NE: nincs  
 $(p,q) = (1/2, 1/2)$

KNE:  $((1/2, 1/2), (1/2, 1/2))$

## Vezérürü

1 \ 2	<b>Megy</b>	<b>Vár</b>
<b>Megy</b>	(0, 0)	(3, 2)
<b>Vár</b>	(2, 3)	(1, 1)

NE: (M,V), (V,M)  
 $(p,q) = (1/2, 1/2)$

KNE:  $((1/2, 1/2), (1/2, 1/2))$

KNE: p, q konvenció,  
 mint az előbbi fólia

## Tenisz – szerválás/fogadás

1 \ 2	Forehand r	Center q	Backhand 1-q-r
Forehand x	0, 5	2, 3	2, 3
Center p	2, 3	0, 5	3, 2
Backhand 1-p-x	5, 0	3, 2	2, 3

1 \ 2	Forehand 0	Center q	Backhand 1-q
Forehand 0	0, 5	2, 3	2, 3
Center p	2, 3	<b>0, 5</b>	<b>3, 2</b>
Backhand 1-p	5, 0	<b>3, 2</b>	<b>2, 3</b>

## Kevert NE nagyobb mátrixokban

Dominált stratégiák eliminálásába vonjuk be a kevert stratégiákat is.

1. Játékos (B,C) kevert stratégiája dominál F felett, ő F-et játszani sohasem fog. Ha az 1. játékos nem játssza az F-t, akkor a 2. játékos C stratégiája dominálja az ő F stratégiáját.

A 2. játékos sem játssza meg az F-et.

Végeredményben:

$$3(1-q) = 3q + 2(1-q)$$

$$5p + 2(1-p) = 2p + 3(1-p)$$

$$q = 1/4, p = 1/4$$

$$\text{KNE: } ((1/4, 3/4), (1/4, 3/4))$$

NE, KNE, valós kísérletek emberekkel – labor és valós körülmények:  
Emberi játékosok nem mindig játsszák meg az egyensúlyokat (labor)  
- Emberek nem képesek jól reprodukálni random jelenségeket (nem randomizálnak jól kevert stratégiákat): túl sűrűn váltanak (gambler fallacy), a döntésük megjósolható.

- Emberek képzetek patternek felismerésére. Ott is vélik látni az ellenfélnél, ahol nincs.

- „Beskatulyázás” effektus hatása: ha az egyik játékos kinevezzük „megtévesztőnek”, a másikat „találgatónak”, az első a randomizálásra fókuszál, a másik a patternek felismerésére.

Ha a matrix nem szimmetrikus:

- Emberek hajlandók nagyobb hasznú stratégiákat megjátszani (de ez nem a NE, a keverés valószínűségeit a másik játékos haszna szerint kell beállítani!).

- Rizikó kerülés: játékosok hajlandók túlbecsülni a magas veszteségeket és alúlbecsülni a magas nyereményeket.

Valós élet (labor túl egyszerű, rövid, mesterkéltségek, haszon kicsi, nincs nyomás opt. játékokra, más szempontok (kísérletvezető)):

- stratégiaiailag hasonló, magas haszon, zérus összeg, ... = élsport

- tenisz adogatás (randomizálás nem megy, büntető rugások (közel NE)),

...